

Die Kategorienklasse als Führungssemiose in trajektischen Matrizen

1. Bei unserer Untersuchung von Trajektionen von semiotischen n-tupeln hatten wir zwei Typen von „Führungssemiosen“ oder determinierenden Semiosen (vgl. Toth 2026) gefunden, darunter die Kategorienklasse (vgl. Bense 1992).

2. Im folgenden zeigen wir, daß mit der von Bense (1975, S. 37) eingeführten semiotischen Matrix, ihrer konversen, dualen sowie ihrer konvers-dualen (bzw. dual-konversen) Matrix auch alle Transpositionen ausgeschöpft sind. Die vier möglichen Matrizen transformieren wir in trajektische Matrizen.

\mathfrak{M}	$K(\mathfrak{M})$
----------------	-------------------

1.1 1.2 1.3	1.3 1.2 1.1
-------------	-------------

2.1 2.2 2.3	2.3 2.2 2.1
-------------	-------------

3.1 3.2 3.3	3.3 3.2 3.1
-------------	-------------

$D(\mathfrak{M})$	$K(D(\mathfrak{M}))$
-------------------	----------------------

3.1 2.1 1.1	1.1 2.1 3.1
-------------	-------------

3.2 2.2 1.2	1.2 2.2 3.2
-------------	-------------

3.3 2.3 1.3	1.3 2.3 3.3
-------------	-------------

Trajektische Matrizen

$T(\mathfrak{M})$	$T(K(\mathfrak{M}))$
-------------------	----------------------

1.1 1.2 1.1 2.3	1.1 3.2 1.1 2.1
-------------------	-------------------

2.2 1.2 2.2 2.3	2.2 3.2 2.2 2.1
-------------------	-------------------

3.3 1.2 3.3 2.3	3.3 3.2 3.3 2.1
-------------------	-------------------

$T(D(\mathfrak{M}))$	$T(K(D(\mathfrak{M})))$
----------------------	-------------------------

3.2 1.1 2.1 1.1	1.2 1.1 2.3 1.1
-------------------	-------------------

3.2 2.2 2.1 2.2	1.2 2.2 2.3 2.2
-------------------	-------------------

3.2 3.3 2.1 3.3	1.2 3.3 2.3 3.3
-------------------	-------------------

Wie man leicht erkennt, tritt die kategorienreale Führungssemiose in jeder Matrix zwei Mal auf, in zwei unterschiedlichen Paaren von Positionen, die in den dualen und den nicht-dualen Matrizen konstant und komplementär sind.

Literatur

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Toth, Alfred, Führungssemiosen bei n-tupeln von semiotischen Relationen.
In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026

24.1.2026